



BUDAPESTI MŰSZAKI ÉS GAZDASÁGTUDOMÁNYI EGYETEM
VILLAMOSMÉRNÖKI ÉS INFORMATIKAI KAR
MÉRÉSTECHNIKA ÉS INFORMÁCIÓS RENDSZEREK TANSZÉK

Digitális technika

VIMIAA02

3. EA

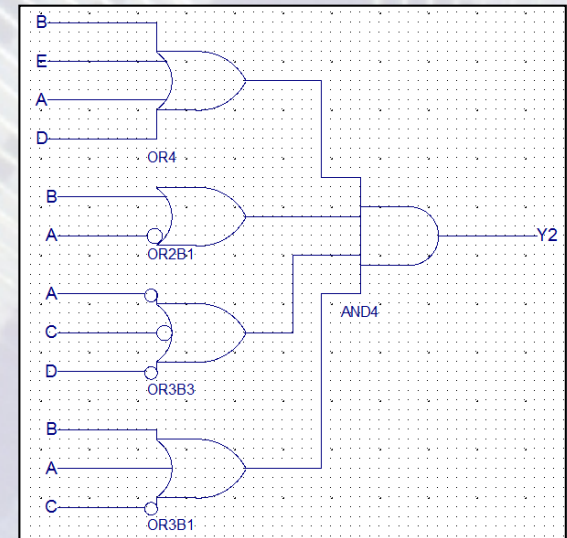
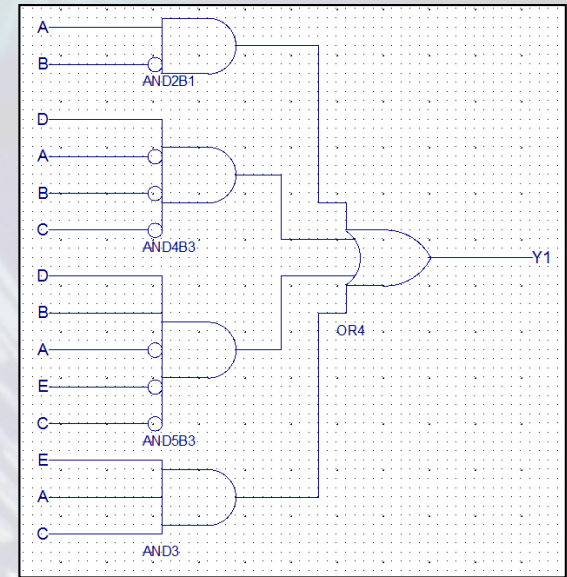
Fehér Béla, Benesóczky Zoltán
BME MIT

Vetítés előadások

- Ebben az évben az előadások további két teremben is, kivetítőről követhetők, a kapcsolat így nem elég közvetlen
- Ennek javítására beiktatunk visszajelzési lehetőséget
- Bármelyik teremből kérdések, megjegyzések emailben küldhetők a benes@mit.bme.hu címre, de csak ... @edu.bme.hu címről, tárgy: DIGIT Résztemák végén (ha lesz elég idő) párat megnyitjuk és próbálunk válaszolni

Minimalizálási algoritmusok

- Eddig csak kétszintű realizációról volt szó (*A jel maximum 2 kapun át jut a kimenetre*)
 - *Ezeknél a minimalizálás a szorzat tagokból (SOP) ill. Az összeg tagokból (POS) változókat tud eltüntetni és a felesleges szorzat ill. összeg tagokat. Tehát csökkenhet az első szint kapuinak és kapu bemeneteinek száma, továbbá a második szint kapu bemeneteinek száma.*
 - Sum-of-Products (SOP, ÉS-ek VAGY-a)
 - Pl: $Y1 = A/B + /A/B/CD + /AB/CD/E + ACE$
- illetve
- Product-of-Sums (POS, VAGY-ok ÉS-e)
 - (INV) – OR – AND
 - Pl: $(A+B+D+E) * (/A+B) * (/A+/C+/D) * (A+B+/C)$



Minimalizálási algoritmusok

- További minimalizálási lehetőségek
 - Többszintű megvalósítás (*2-nél több* kapun terjed a jel a kimenetig)
 - Alapötlet: *közös szorzatkifejezések kiemelése*
 - Előny: esetleg kevesebb erőforrás (kapu) is elég
 - Hátrány: nagyobb jelterjedési idő (lassabb működés)
 - Több kimenetű hálózat egyszerűsítése
 - Közös szorzatkifejezések kiemelése és *megosztása* (odavezetése a megfelelő kimenetekhez)
 - Előny: esetleg kevesebb erőforrás (kapu) is elég
- Speciális optimalizáló programok léteznek,
pl. MIS-II

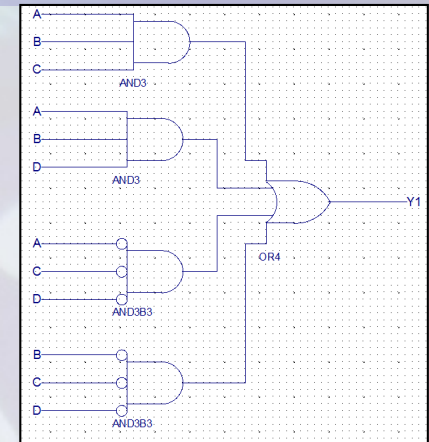
Minimalizálási algoritmusok

- **Többszintű realizáció**

A 2 szintű SOP minimalizálás eredménye:

$$F = ABC + ABD + \neg A \neg C \neg D + \neg B \neg C \neg D$$

4 db AND3 + 1db OR4 kapu



- **Kiemelhető szorzatok keresése**

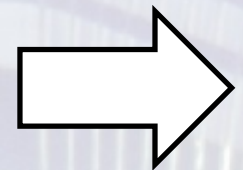
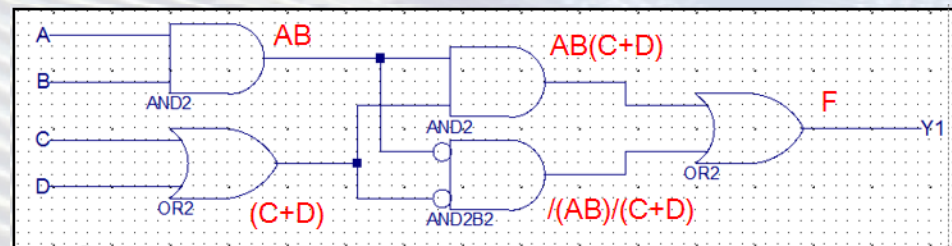
$$F = AB(C+D) + (\neg A + \neg B) \neg C \neg D$$

$$\neg A + \neg B = \neg(AB), \quad \neg C \neg D = \neg(C+D)$$

I. Eredmény: $F = (AB)(C+D) + \neg(AB)\neg(C+D)$

AB és $\neg AB$ -hez egyetlen AND kapu és egy inverter elég. Hasonlóan $(C+D)$ és $\neg(C+D)$ -hez egy OR és egy inverter elég.

3 db AND2 + 2 db OR2



Minimalizálási algoritmusok

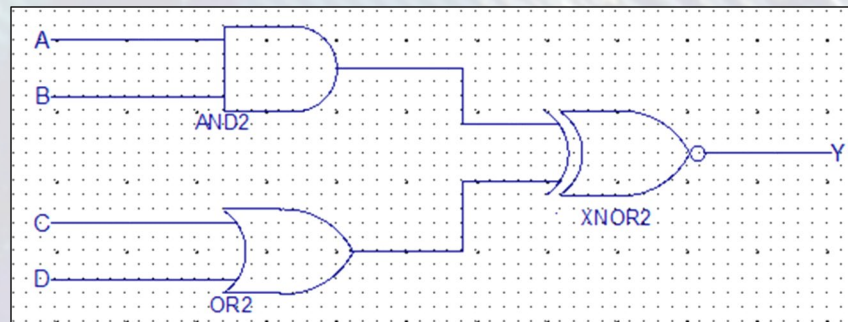
Most további egyszerűsítés lehetséges:

$$X * Y + /X * /Y = X \text{ XNOR } Y$$

$$F = (AB)(C+D) + /(AB)/(C+D) = (AB) \text{ XNOR } (C+D)$$

II. eredmény (EXNOR kaput is használva):

$$F = (AB) \text{ XNOR } (C+D)$$



1db AND2, 1db OR2, 1db XNOR

Minimalizálási algoritmusok

Több kimenetű minimalizálás

Példa: Egy logika bemenetére 4 bites számot adunk (a bitjei:

8 4 2 1

ABCD). *Ha a szám érvényes BCD kód (szám ≤ 9), akkor a 4 bites kimenet a számot adja:*

$A_OUT=A$, $B_OUT=B$, $C_OUT=C$. $D_OUT=D$

ha szám nem érvényes BCD kód (szám > 9), akkor 1111-et:

$A_OUT=1$, $B_OUT=1$, $C_OUT=1$. $D_OUT=1$

Külön előállítjuk a hibás kódot jelző logikát:

Az igazságtábla kitöltése, DNF felírása és egyszerűsítése után:

ERROR = A(B+C) Mert A(8)+B(4) vagy A(8)+C(2) bitek 1 értéke esetén a szám > 9

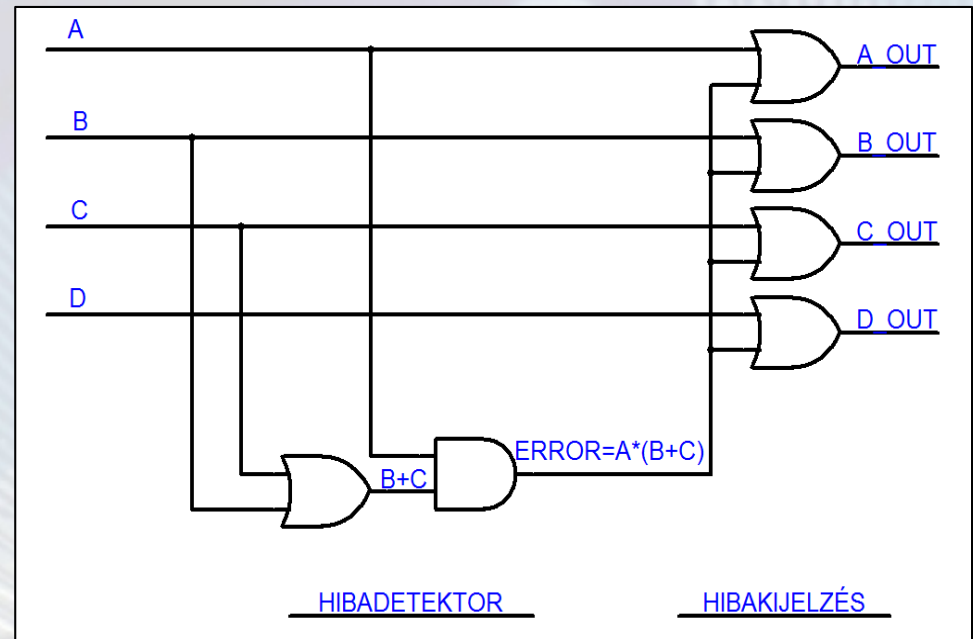
X_OUT= X + ERROR

Minimalizálási algoritmusok

- **Több kimenetű minimalizálás**

- $ERROR = A * (B + C)$
 $A_OUT = A + A(B+C)$
 $B_OUT = B + A(B+C)$
 $C_OUT = C + A(B+C)$
 $D_OUT = D + A(B+C)$

Az $A(B+C)$ -t egyszer valósítjuk meg és mind a 4 kimenetnél felhasználjuk.



6 db 2 bemenetű kaput használunk

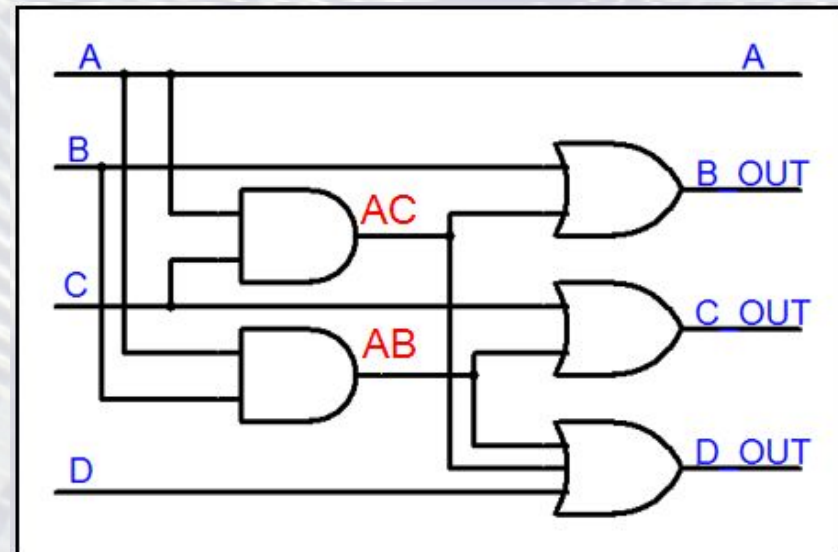
Minimalizálási algoritmusok

Kimenetenkénti egyszerűsítés. Csak ponált változók, az elnyelési tulajdonságot használjuk, Utána a több kimenetben szereplő *szorzatok (ÉS kapuk)*

újrafelhasználása:

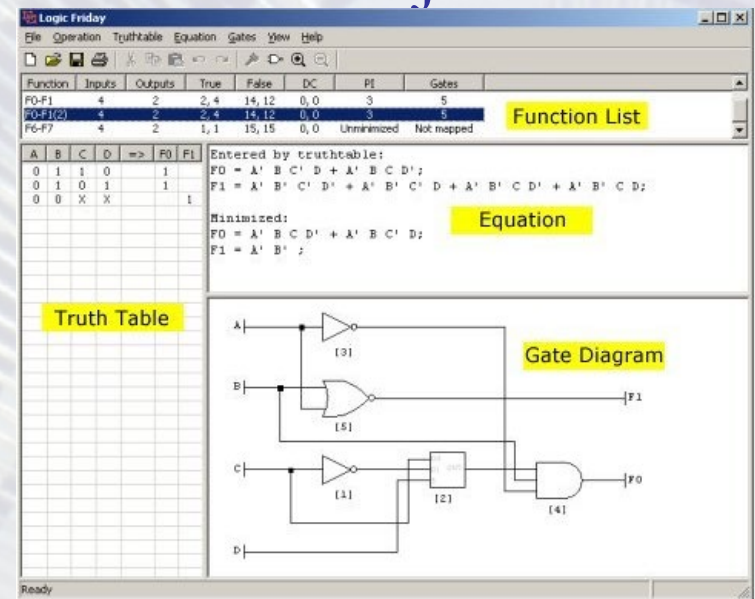
- $A_OUT = A + AB + AC = A$
- $B_OUT = B + AB + AC = B + AC$
- $C_OUT = C + AB + AC = C + AB$
- $D_OUT = D + AB + AC$
- Az AC -t és AB -t előállító ÉS kaput 2 kimenetenél is újra felhasználjuk.

4 db 2 bemenetű és 1 db 3 bemenetű kaput használunk



Logic Friday

- **Oktatási célú demonstrációs eszköz, érdeklődőknek**
 - Általános logikák tervezésére, Max. 16 be-, 16 kimenet
 - Független, vagy több kimenetű minimalizálás
 - Gyors futásidő vagy pontos minimalizálás opció
 - Specifikáció: Egyenlet, igazságtábla, kapcsolási rajz
 - Espresso és MIS II algoritmusokat használja
 - Elérhető az interneten

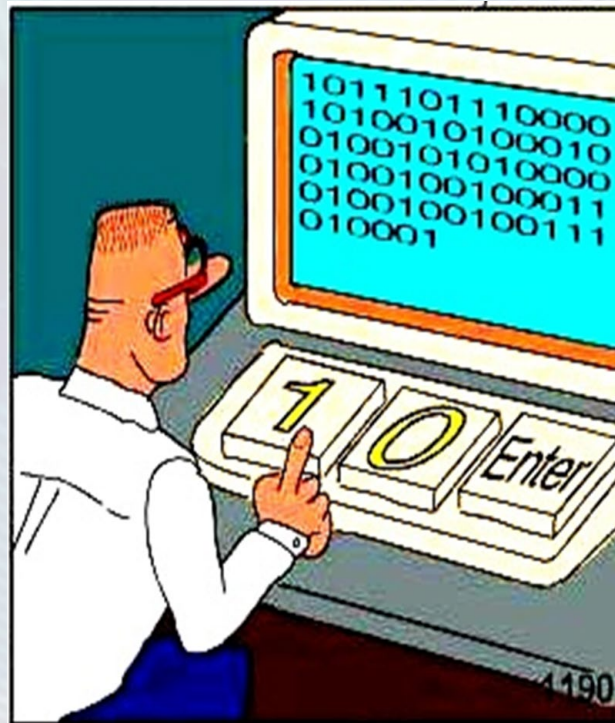


Összefoglalás

- Az eddig látott módszerekkel az alapkapukból építkezve tetszőleges („random”) kombinációs logikai áramköröket felépíthetünk (elsősorban kis- és közepes komplexitásig).
- Kiindulunk az adott formában megadott **specifikáció**-ból, értelmezzük, elvégezzük a lehetséges **minimalizációs** műveleteket, (itt figyelembe vehetünk **optimalizációs** célokat, azaz sebesség, alkatrész) és **kapuszinthen realizáljuk** a függvényt
- A legtöbb esetben a Verilog specifikáció alapján a minimalizálást/optimalizálást a fejlesztőrendszerre hagyjuk.

Kérdések, észrevételek

- A kérdéseket a benes@mit.bme.hu címre várjuk de csak ... @edu.bme.hu címről, tárgy: DIGIT



Funkcionális egységek

- Az egyedi „kapusintű” logikai függvények tervezésénél sokszor egyszerűbb/célravezetőbb szabványos modulokból építkezni és ezekből felépíteni a rendszert.
- A szabványos modulok (*funkcionális egységek*) célja, hogy a leggyakoribb, *tipikus feladatokra* (funkciókra) *biztosítsanak egyszerűen használható, megbízhatóan működő, skálázható megoldási lehetőséget.*
- A *logikai alapelemek* (kapuk stb.) *helyett* akár azoknál sokkal komplexebb *funkcionális elemekből* (modulokból) *építkezünk.*

Funkcionális egységek

- **Általános célú kombinációs logikai funkciók**
 - Logikai funkciók: dekóder (**DEC**), enkóder (**ENC**), prioritás enkóder (**PRI**), **multiplexer (MUX)**, demultiplexer (**DEMUX**)
 - Aritmetikai funkciók: összeadó (**ADD**), **kivonó (SUB)**, **komparátor (CMP)**, paritás generátor (**PAR**)
 - Egyéb, esetleg szükséges funkciók

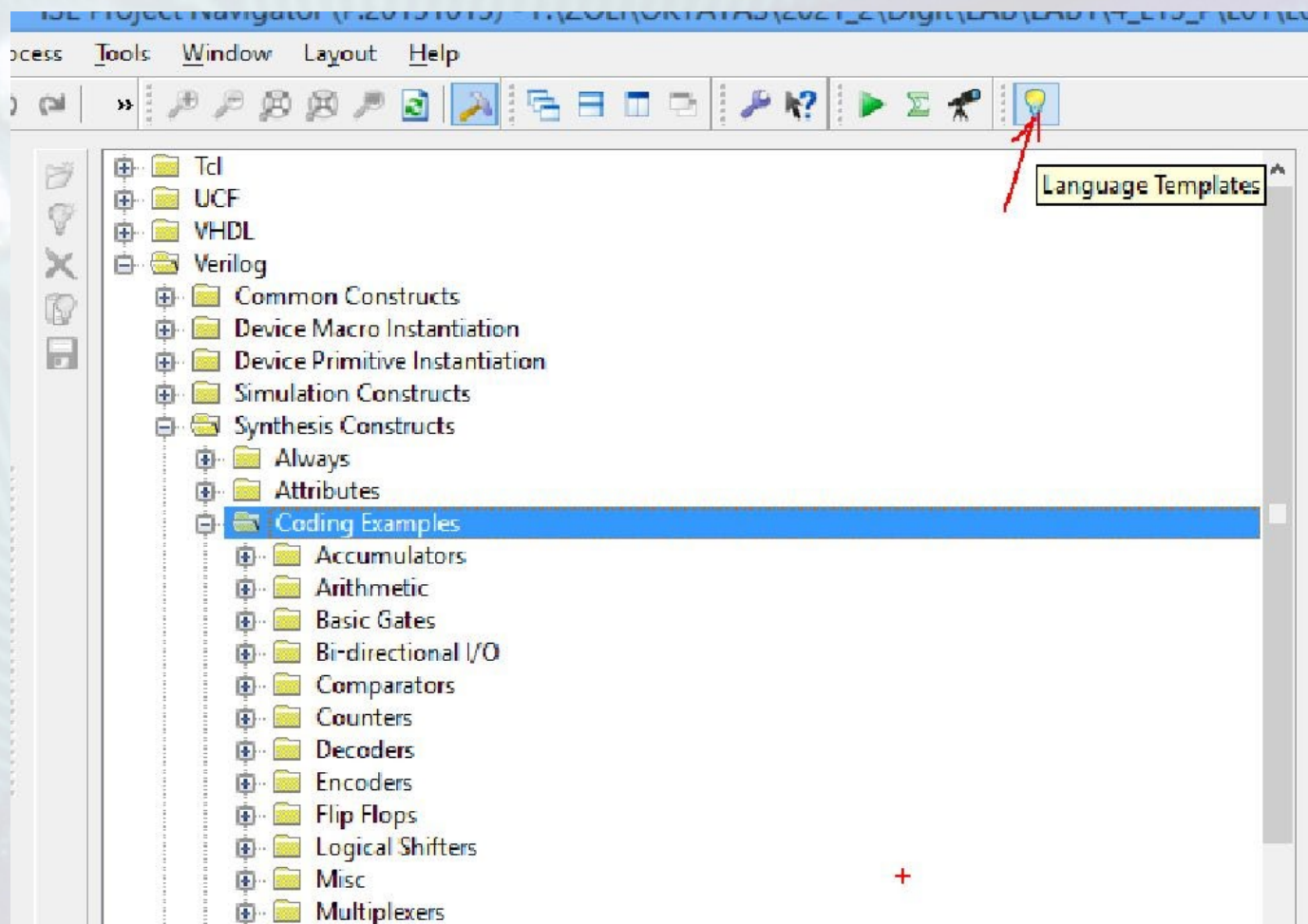
Funkcionális egységek

- Hagyományos technológiában (TTL MSI IC-k) *minden funkcióra önálló elem/alkatrész létezett*, különböző méretekben, tokozásban, lábszámban.
- FPGA-ban, könyvtári alapú, modulszintű építkezésnél paraméterezhető alapfunkciók használhatók, az aktuális terv igényei szerint beállítva.
- **HDL alapú tervezésnél a tanult *tervezési mintákat használunk***. Ilyeneket a CAD rendszerek is tartalmazznak.

Pl. ISE Language templates/Verilog/Synthesys
Constructs/**Coding Examples**

Funkcionális egységek

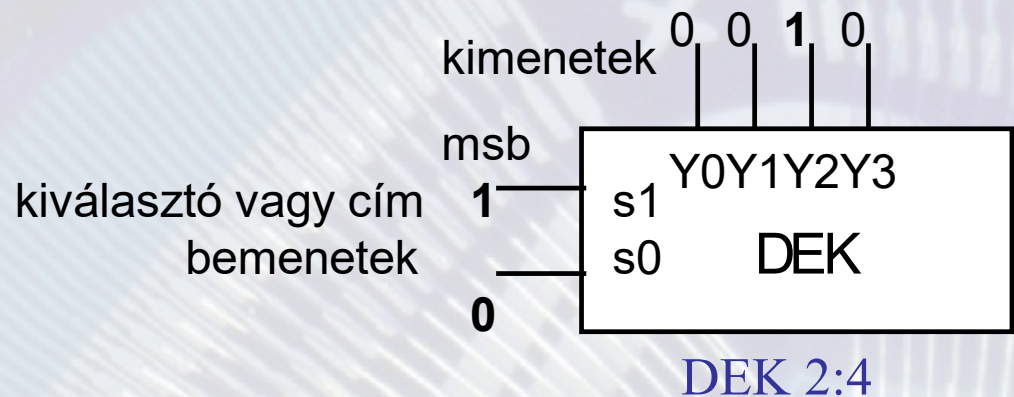
Az ISE Verilog tervezési mintái itt érhetők el:



• Funkcionális egységek: Dekóder

- A dekóder funkciója, hogy a bemenetére érkező n bites bináris számnak megfelelő sorszámú kimenetét aktivizálja a maximálisan 2^n darab kimente közül.

s1	s0	Y0	Y1	Y2	Y3
0	0	1	0	0	0
0	1	0	1	0	0
1	0	0	0	1	0
1	1	0	0	0	1



$$Y0 = \neg s1 \neg s0 \quad Y1 = \neg s1 s0 \quad Y2 = s1 \neg s0 \quad Y3 = s1 s0$$

- A dekóder a binárisan értelmezett bemeneti jelekből az általános *logikai függvény összes mintermjét előállítja. Minden kimenethez 1 minterm tartozik. Ezeket konstans komparátoroknak is tekinthetjük.*

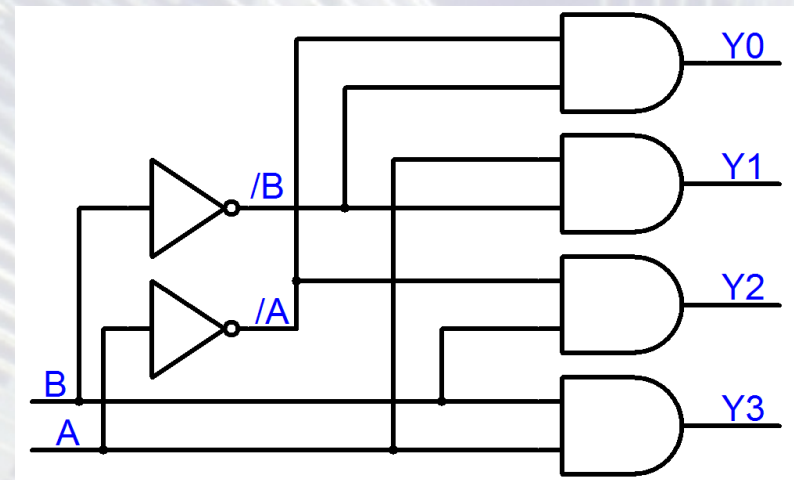
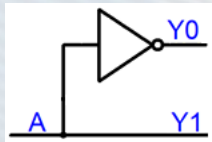
Funkcionális egységek: Dekóder

$$\text{KIM} = f(\text{BEM})$$

- Ha a **BEMENET** egy *n bites binárisan kódolt bemenet*, akkor a **KIMENET** egy *2^n méretű, 1-a- 2^n -ből kódolású bitvektor*, ezért hívjuk **DE-KÓDOLÁSNAK**
- A tipikus méretek (bementek száma: kimenet száma): 1:2, 2:4, 3:8, 4:16. (de lehet 4:10 is)
- Lehet nagyobb méretben is, de esetleg érdekesebb az egyszintű dekóder helyett a többszintű sor-oszlop vagy hierarchikus fa struktúrájú felépítést használni.

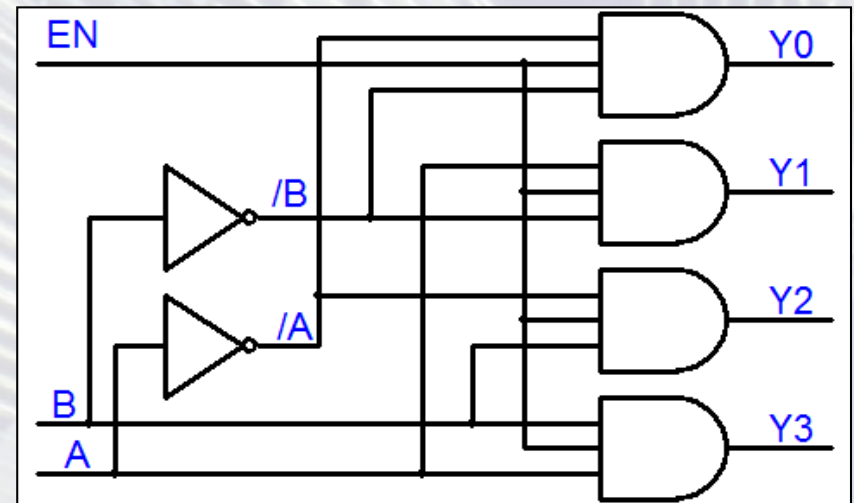
Funkcionális egységek: Dekóder

- Egyszintű, közvetlen dekóderek felépítése
- *A dekóder kimeneti bitjei egyenként megfelelnek az n bemenetű általános logikai függvények egy-egy mintermjének*, azaz minden változó szerepel benne, normál (ponált) vagy negált értelemben.
- Minden kimenet egy n bemenetű ÉS kapu kimenete
- **Pl. 2 bemenetre:**
 - n bitre n INV és 2^n db n bemenetű ÉS
 - (Egy bitre csak 1 INV)



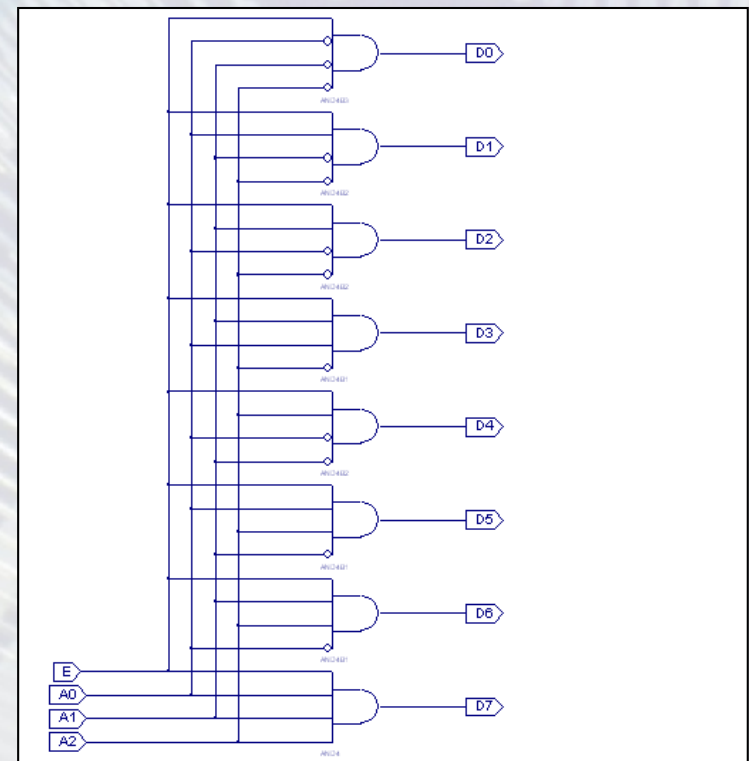
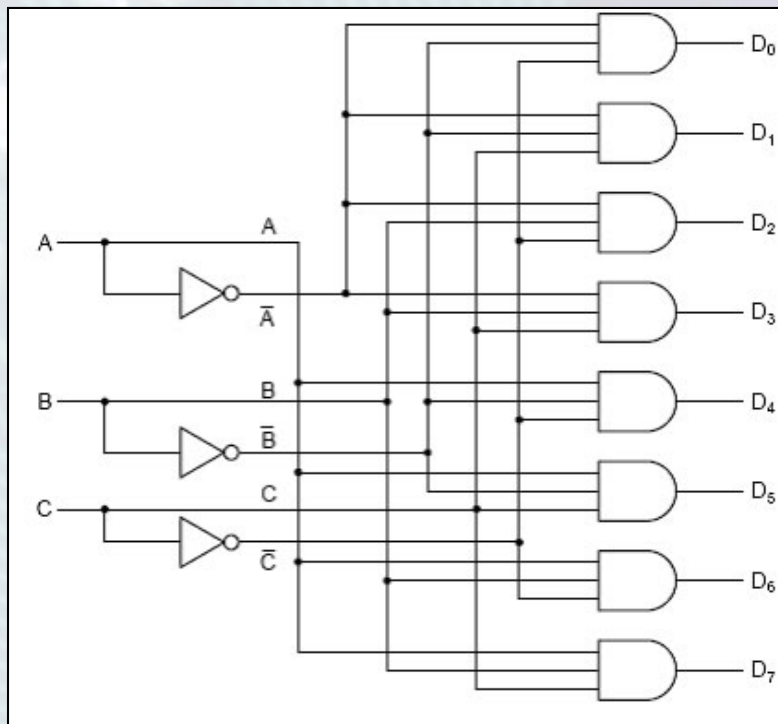
Funkcionális egységek: Dekóder

- *Az előbbi dekóder egyik kimenete mindig aktív. (A bemeneten mindig van egy kombináció-)*
- Ezért érdemes bevezetni egy ezt felülbíró jelet:
ENGEDÉLYEZÉS.
 - *Ha $EN = 0$, minden kimenet inaktív ($Y_0=Y_1..=Y_n=0$)*
 - Így könnyen tiltható/engedélyezhető a kimenetek által vezérelt egységek működése
 - Egyébként is ez a DEK legfontosabb funkciója
 - Könnyű a többszintű bővíthetőség



Funkcionális egységek: Dekóder

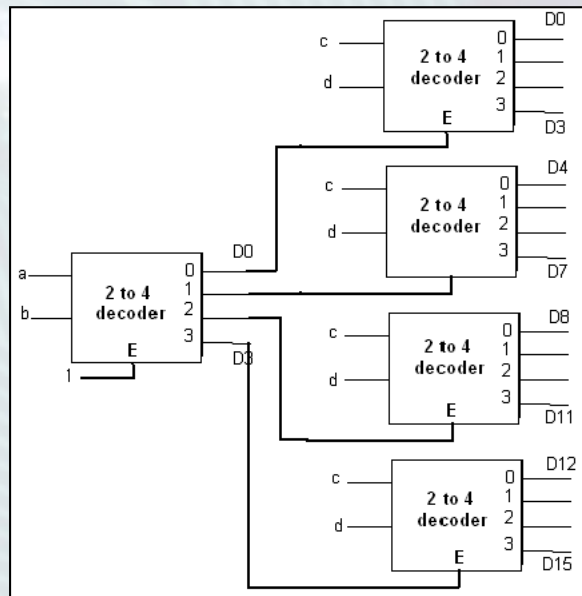
- **Egyszintű, közvetlen dekóderek felépítése**
 - Ábrázolása inverterekkel vagy a bemeneteken jelölve a negált aktív szintet. (rajzolhatóság, olvashatóság)



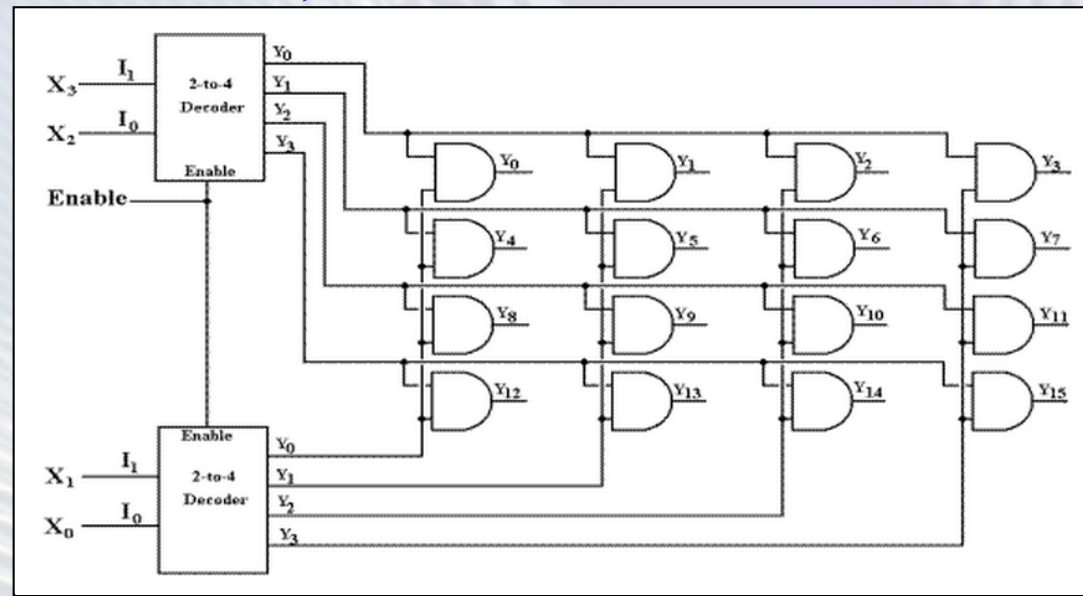
Funkcionális egységek: Dekóder

- Nagyméretű dekóderek (moderált méretben mutatva)
 - 4:16 dekóder, engedélyező bemenettel, közvetlenül
 - 2:4 méretű, engedélyezhető dekóderből felépítve

HIERARCHIKUSAN

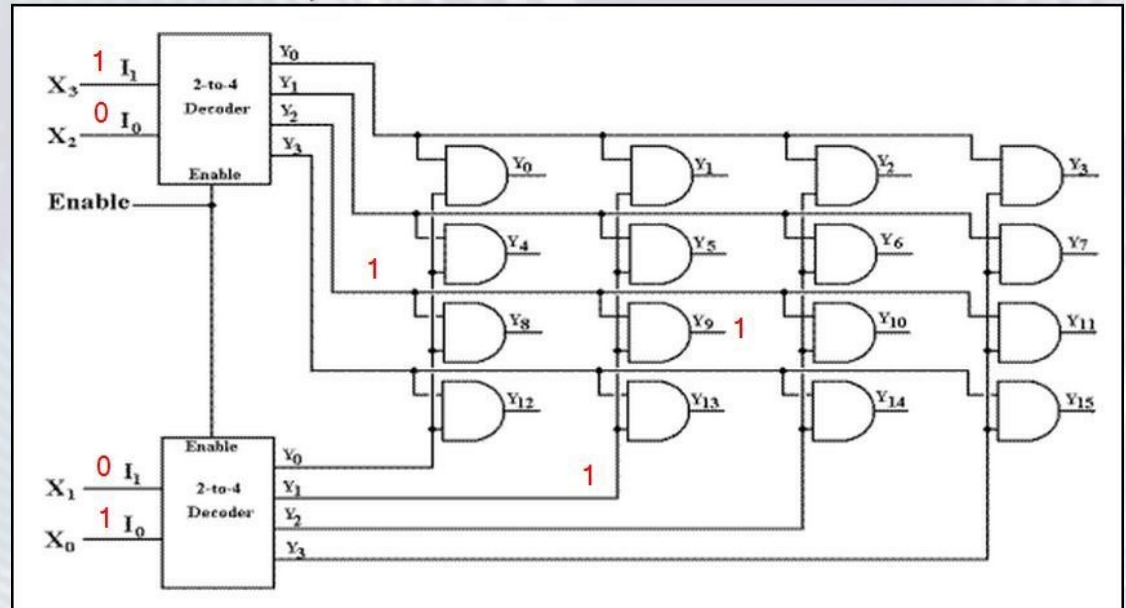
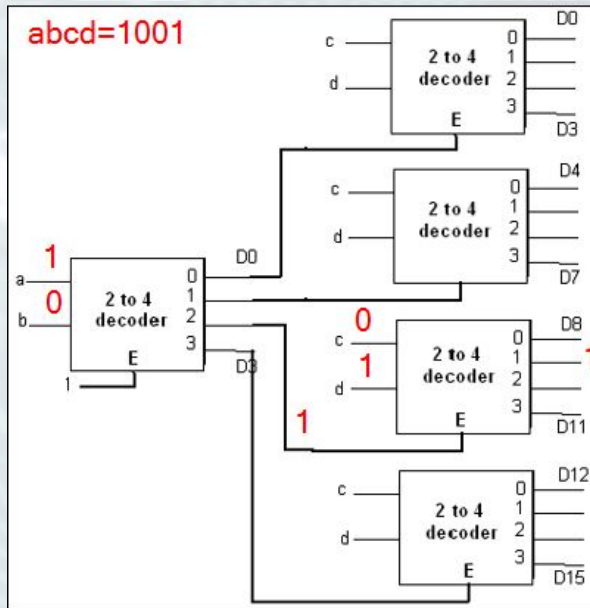


2D, SOR-OSZLOP módban



Funkcionális egységek: Dekóder

Működésük:



Funkcionális egységek: Dekóder

Verilog HDL kódolási minták 2:4 dekóderekre

A mintermek megadásával:

```
assign out[0] = en & ~sel[1] & ~sel[0]; // sel = 0
assign out[1] = en & ~sel[1] & sel[0]; // sel = 1
assign out[2] = en & sel[1] & ~sel[0]; // sel = 2
assign out[3] = en & sel[1] & sel[0]; // sel = 3
```

Komparálás reláció (konstans komparátor) használatával még egyszerűbb:

```
assign out[0] = en & (sel == 2'b00); // ~sel[1] & ~sel[0] helyett (sel == 3'h0)
assign out[1] = en & (sel == 2'b01);
assign out[2] = en & (sel == 2'b10);
assign out[3] = en & (sel == 2'b11);
```

A Verilog konkatenálás { } és shiftelés << műveleteivel nagyon tömör leírás adható:

BME-MIT  assign out = {3'b000, en} << sel; (Nem tananyag)

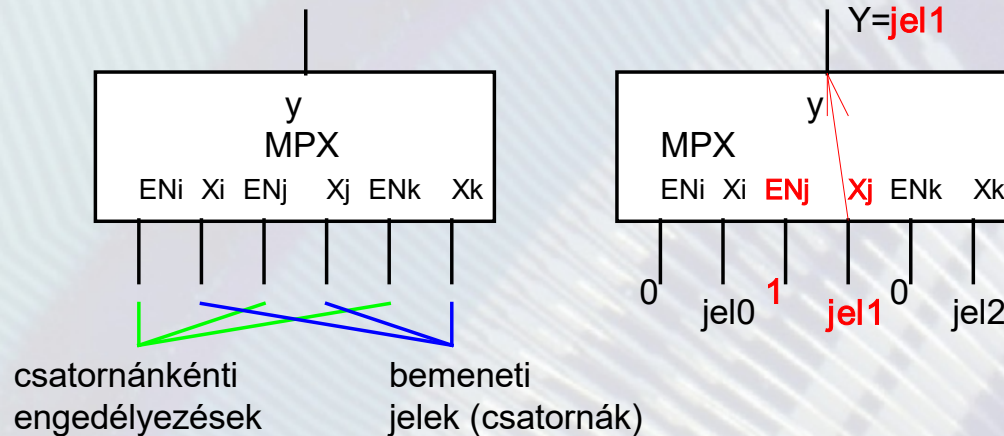
Funkcionális egységek: Dekóder

Viselkedési leírás always blokkal:

```
reg [3:0] dec;  
always @ (*)  
begin  
    if (en)  
        case (sel)  
            2'b00: dec = 4'b0001;  
            2'b01: dec = 4'b0010;  
            2'b10: dec = 4'b0100;  
            2'b11: dec = 4'b1000;  
        endcase  
    else  
        dec = 4'b0000;  
    end  
    assign out = dec;
```

Funkcionális egységek: Multiplexer

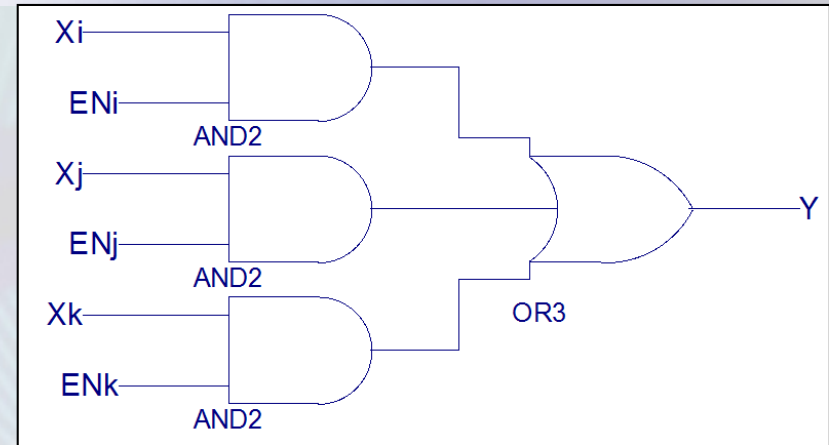
- Az egyik legfontosabb funkcionális elem
- Alapvető feladata az adatforrás, *adatút választás* megvalósítása
- **Multiplexer csatornánkénti engedélyezéssel**



- Az i -edik bemenet (X_i , i -edik csatorna) EN_i (Seli) jele engedélyezi, hogy X_i bemenet megjelenjen a kimeneten. Az EN (Sel) jelek közül csak 1 db lehet aktív.

Funkcionális egységek: Multiplexer

- Megvalósítás SOP alakban:
- X_i , X_j , X_k az adatbemenetek
- EN_i , EN_j , EN_k engedélyezés (kiválasztás)

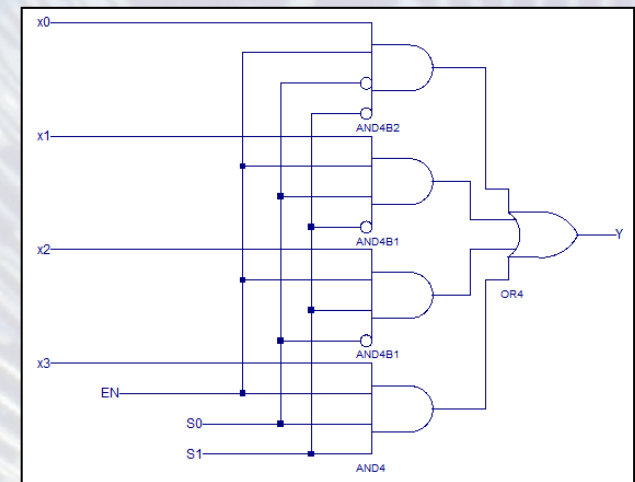
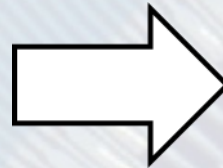
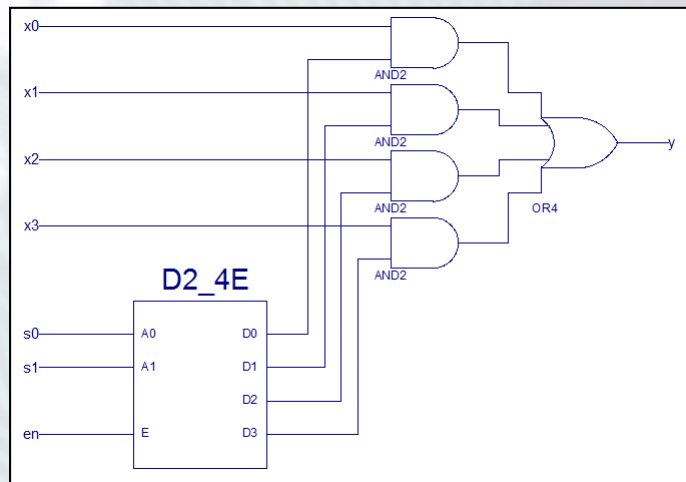


$$Y = X_i * EN_i + X_j * EN_j + X_k * EN_k$$

- Tetszőleges számú bemenettel bővíthető
- **Helyes működés feltétele:** az *EN bitvektor* legyen *1-az-N-ből kódolású* (egyszerre csak egy db EN lehet 1) → Egy dekóder kimenete állítja elő

Funkcionális egységek: Multiplexer

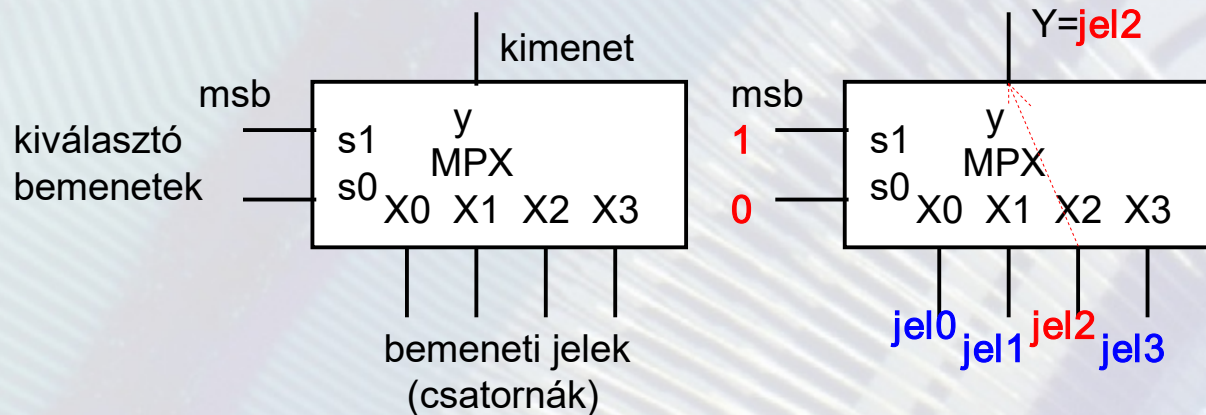
- A MUX tehát lényegében egy DEK+AND-OR
- Azonban a MUX jelentősége miatt a beépített DEK funkciót külön nem szoktuk azonosítani



- A multiplexer *engedélyező bemenettel is rendelkezhet*. Ha $en=1$, akkor a kimeneten a kiválasztott bemenet jelenik meg, egyébként 0.

Funkcionális egységek: Multiplexer

- Beépített dekóderrel (kódolt kiválasztó bemenetekkel) rendelkező multiplexer (hagyományos megvalósítás) esetén a kiválasztó bemenetekre a kiválasztandó csatorna bináris sorszámát kell ráadni.*



- Jellemző méretek: 2:1, 4:1, 8:1, 16:1

Funkcionális egységek: Multiplexer

A multiplexer Verilog specifikációja sokféle lehet

Klaszikus kapu szintű leírás

```
assign out = en & ((dinp[0] & ~sel[1] & ~sel[0])  
                  | (dinp[1] & ~sel[1] & sel[0])  
                  | (dinp[2] & sel[1] & ~sel[0])  
                  | (dinp[3] & sel[1] & sel[0]));
```

Komparálás reláció használatával

```
assign out = en & ((dinp[0] & (sel == 2'b00))  
                  | (dinp[1] & (sel == 2'b01))  
                  | (dinp[2] & (sel == 2'b10))  
                  | (dinp[3] & (sel == 2'b11)));
```

Konkatenálás és shiftelés: dekóder, utána bitenkénti ÉS az adatvektorral,
majd bitek közötti VAGY a bitredukciós | operátorral

BME-MIT  assign out = |(({3'b000, en} << sel) & dinp); (Nem tananyag)

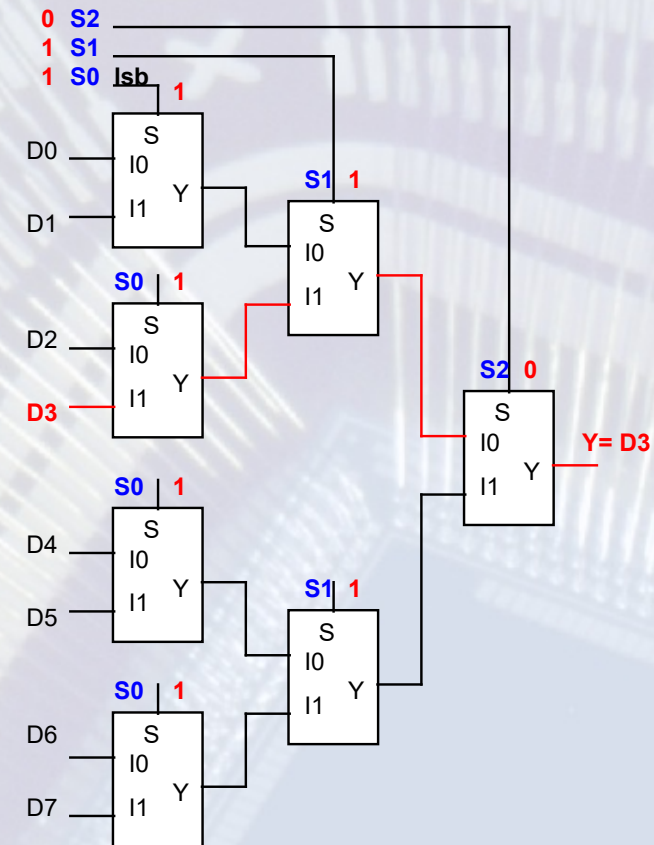
Funkcionális egységek: Multiplexer

Viselkedési leírás always blokkal:

```
reg mpx;  
always @ (*)  
begin  
    if (en)  
        case (sel)  
            2'b00: mpx = dinp[0];  
            2'b01: mpx = dinp[1];  
            2'b10: mpx = dinp[2];  
            2'b11: mpx = dinp[3];  
        endcase  
    else  
        mpx = 1'b0;    // Nincs engedélyezve  
    end  
    assign out = mpx;
```

Funkcionális egységek: Multiplexer

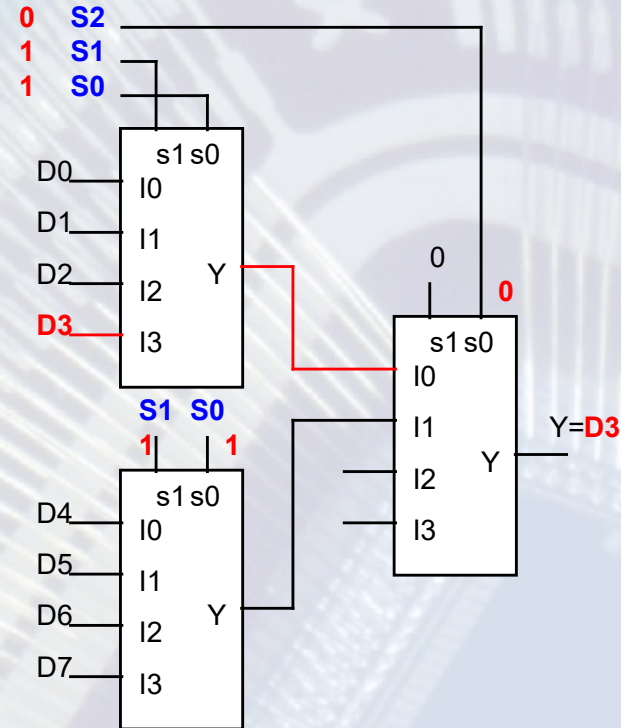
- **Multiplexer bővítése (hogyan csinálunk kevesebb bemenet számúakból nagyobb)**
 - A MUX is felépíthető hierarchikusan, fa struktúrában
 - LSB-vel kezdve első lépés a páros-páratlan bitek közti választás, majd így haladunk tovább, mindig az aktuális szomszédok között választva



- Funkcionális egységek:
Multiplexer

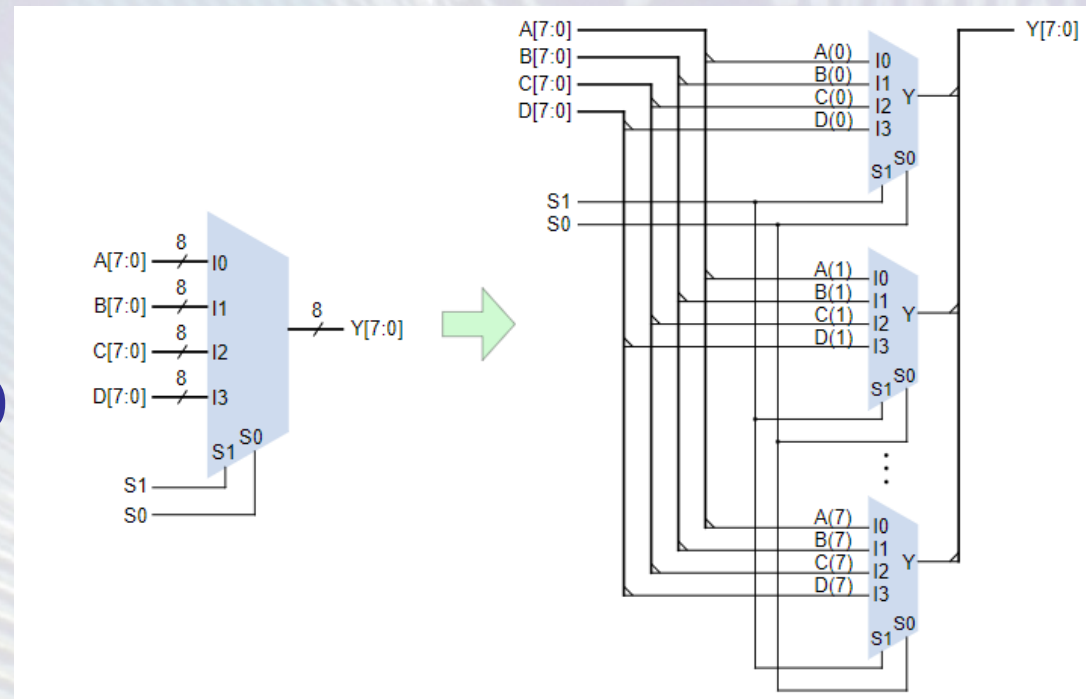
A fa felépíthető 4:1, 8:1 vagy nagyobb lépésekben is, ekkor kevesebb szint kell, de több bemenetűek a kapuk.

Itt 4:1-es MPX-ekből építünk 8:1-est. Most 2 szint elég. A második szinten a 4:1-es MPX-ert 2:1-esként használjuk. (Az s1 bemenetére 0-át kötve, s0 az I0, I1 bemenetei közül választ, I2, I3 nem használt.)



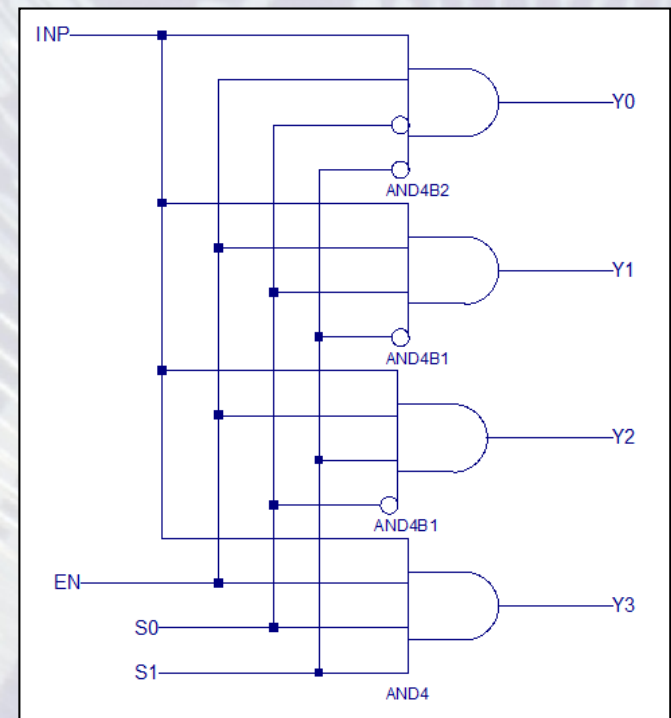
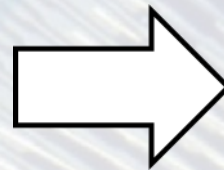
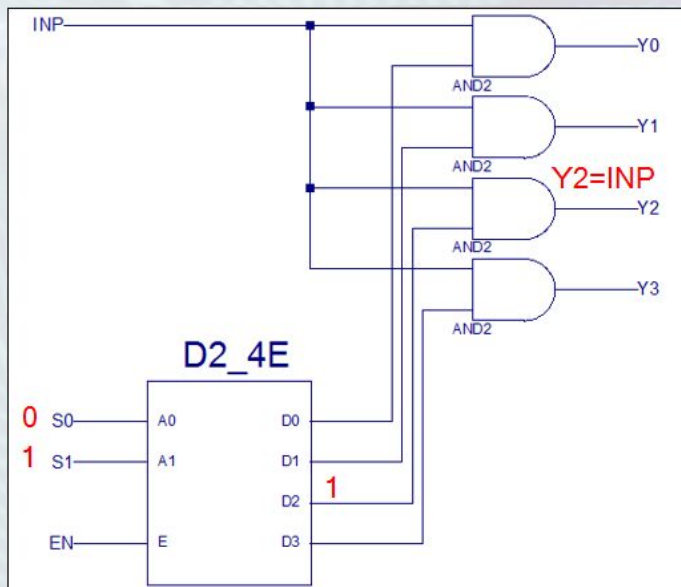
Funkcionális egységek: BUS MUX

- A MUX felépíthető bitvektorokra is, ez a BUS MUX
- A bemeneti/kimeneti adatok bitmérete azonos
- A kiválasztó jelek száma $s = \lceil \log_2 \text{Bem. csat. száma} \rceil$
- Az ábrán az adatméret 8 bit, a csatornák száma 4, így $s=2$
- A BUS MUX mind a 8 bitre egy-egy 4 adat bemenetű normál MUX, közösített s_1, s_0 kiválasztó jelekkel



Funkcionális egységek: DEMUX

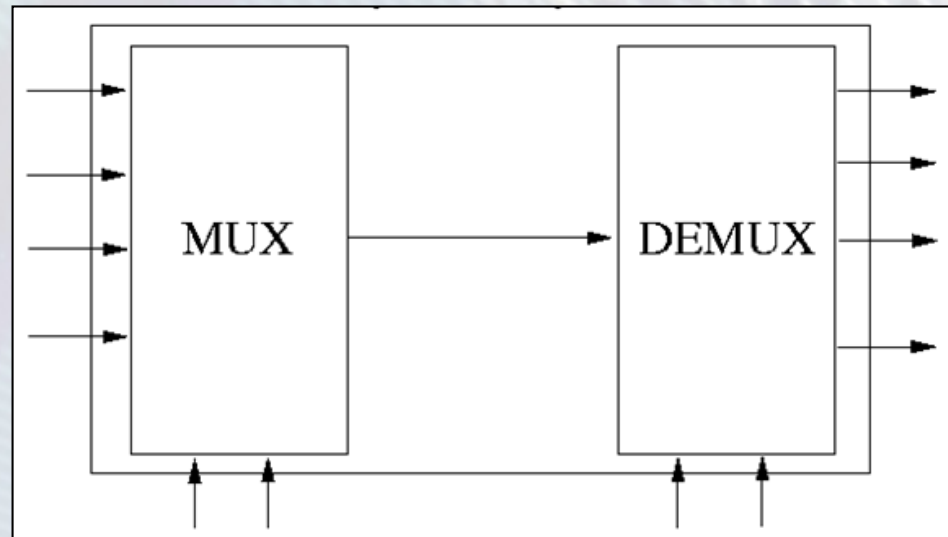
- A **DEMUX** demultiplexer a multiplexer funkció inverze
- Az egyetlen adat bemenet értéke a kiválasztó jelekkel megadott sorszámú kimeneten jelenik meg, a többi kimenet 0. (Lényegében egy *engedélyezhető dekóderrel azonos felépítésű, csak az en bemenet szerepe itt adat bemenet*)



- Ez is DEK + AND adatkapú felépítésű
- Szokásos méretei 1:2, 1:4, 1:8

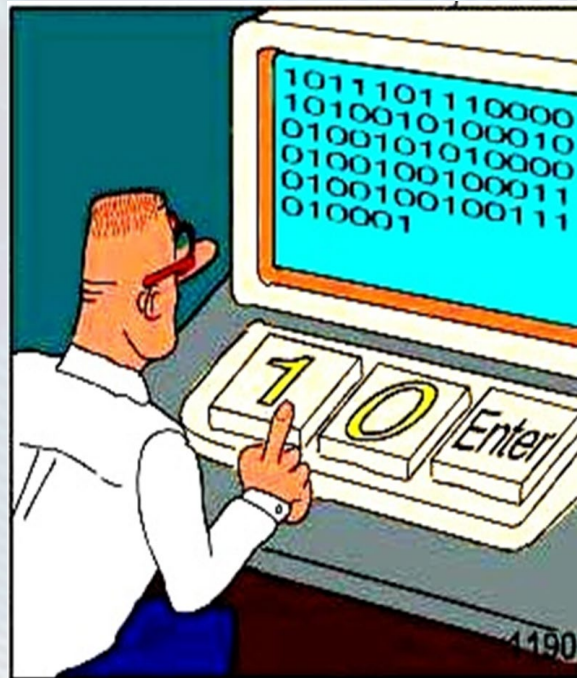
Funkcionális egységek: DEMUX

- **A MUX-DEMUX egységek használata**
 - Több adat átvitele egyetlen vonalon
 - Forrásoldalon MUX, vételi oldalon DEMUX
 - Az átviteli vonal csak egyetlen vezeték, de sokkal nagyobb sávszélességű
 - Időosztásos adatátvitel, a két oldalon azonosan ütemezett kiválasztó jelekkel



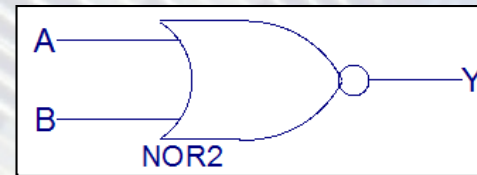
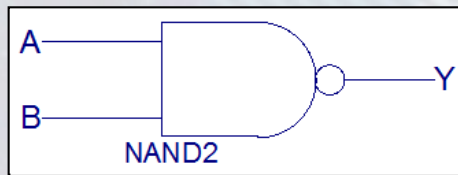
Kérdések, észrevételek

- A kérdéseket a benes@mit.bme.hu címre várjuk de csak ... @edu.bme.hu címről, tárgy: DIGIT



Univerzális logikai elemek

- A Boole algebra definíciója alapján a 3 alpművelettel (AND, OR, INV) minden logikai függvény előállítható
- Univerzális logikai elem:
Egyetlen alapelemmel minden logikai függvény előállítható.
- A NAND, NOR kapuk ilyenek

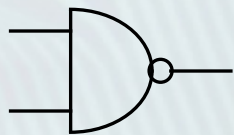


Univerzális logikai elemek

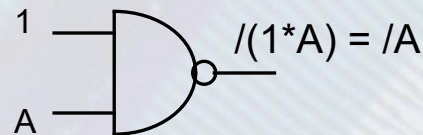
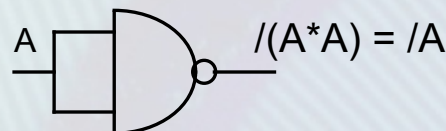
Bizonyítás: Ha a három alapfüggvény realizálható velük, akkor beláttuk.

- Bizonyítás NAND kapura**

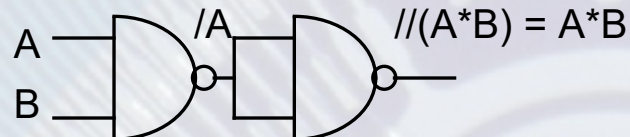
NAND kapu



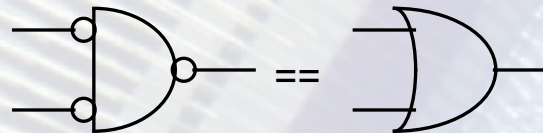
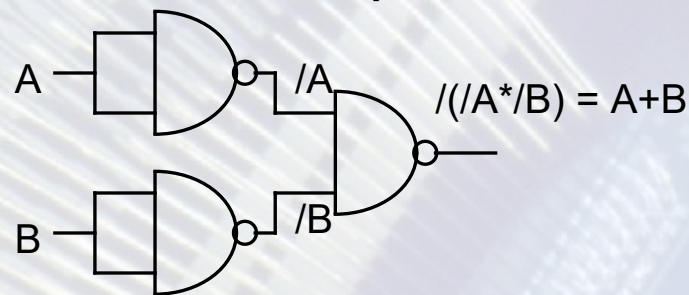
inverter



AND kapu



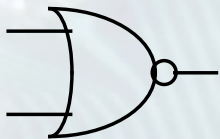
OR kapu



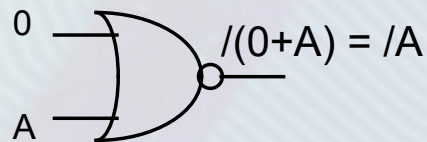
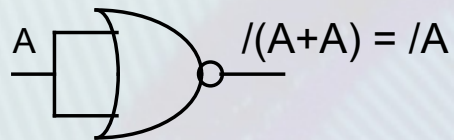
Univerzális logikai elemek

- Bizonyítás NOR kapura**

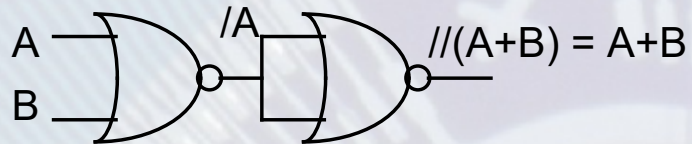
NOR kapu



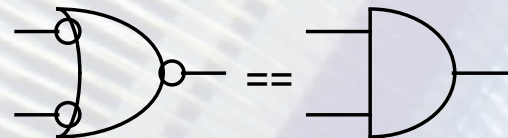
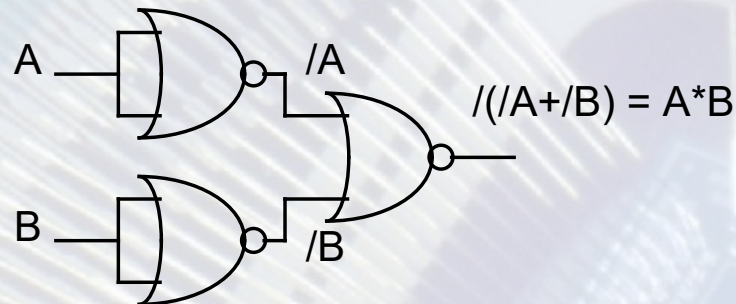
inverter



OR kapu



AND kapu



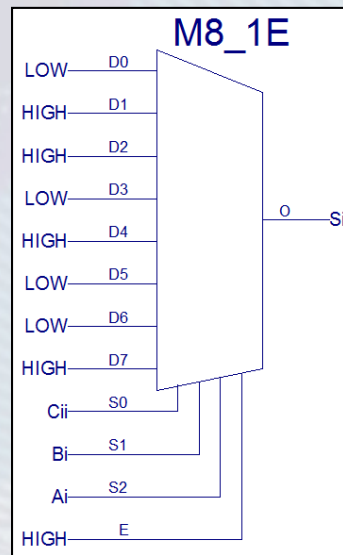
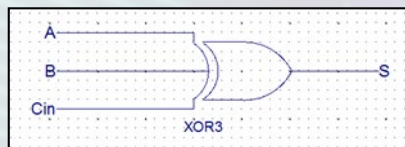
Univerzális logikai elemek

- **Tehát a legegyszerűbb univerzális elemek:**
 - A NAND és NOR kapuk ezeket homogén hálózatoknak nevezzük
- **Lehetséges más univerzális elemkészletet is használni:**
 - Multiplexer
 - Memória táblázat (LUT, Look Up Table)
 - Ezek az egységek közvetlenül többváltozós függvényeket képesek megvalósítani, ezért a tervezés egyszerűbb, kapu szintű minimalizálás, ill. optimalizálás szinte nem is szükséges

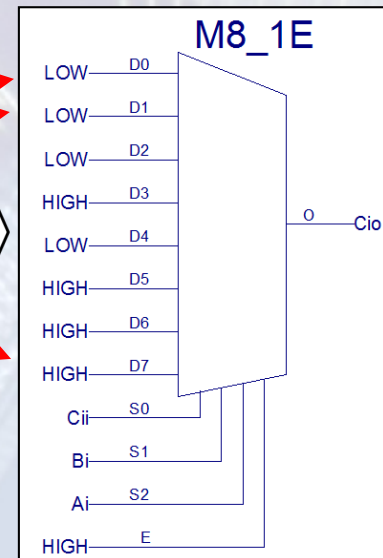
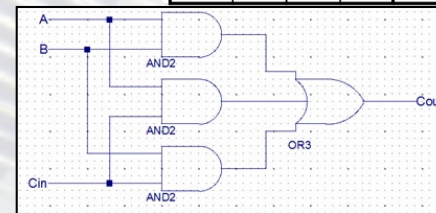
A Multiplexer, mint UNIV elem

- **Multiplexer** = Univerzális logika
- **Bemeneti változók:** A MUX kiválasztó (SEL) bemeneteire kötött változók, LSB-re az igazságtábla jobb szélső változóját kell kötni.
- **Függvény megadása:** Az igazságtábla i-edik sorának függvény értékét konstans jelként a MUX i-edik adatbemenetére kapcsoljuk
 - A korábbi F1 és F2 függvényeink (1 bites FADD Si és Co)

BEMENETEK				KIM
INDX	A	B	C	F1
0	0	0	0	0
1	0	0	1	1
2	0	1	0	1
3	0	1	1	0
4	1	0	0	1
5	1	0	1	0
6	1	1	0	0
7	1	1	1	1



BEMENETEK				KIM
INDX	A	B	C	F2
0	0	0	0	0
1	0	0	1	0
2	0	1	0	0
3	0	1	1	1
4	1	0	0	0
5	1	0	1	1
6	1	1	0	1
7	1	1	1	1



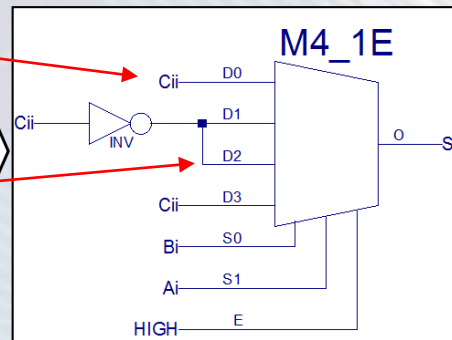
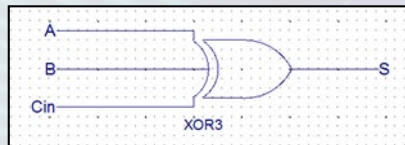
A Multiplexer, mint UNIV elem

- **Az előbbi MUX mérete felére csökkenthető, ha:**
- **Bemeneti változók:** A kiválasztó (SEL) bemenetére mennek egy kivétellel (MUX méret felére csökken)
- Ez utóbbi változó (normál és/vagy negált értékei) az adatbemenetekre kapcsolhatók
- **Függvény megadása:** Az igazságtábla kimeneti jel oszlopának értékeit a SEL-el kiválasztott sorszámú bemeneteken adjuk meg (0 vagy 1 konstansok és a külön változó ponált és/vagy negált értéke).

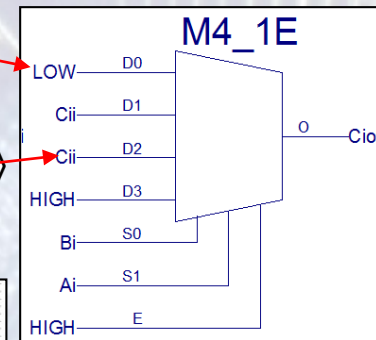
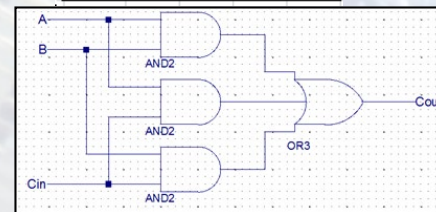
A Multiplexer, mint UNIV elem

- Az előző példa alapján (1 bites FADD Si és Co)
- A módszert Co-n magyarázzuk (Si hasonló)
- AB=00 sorokban $F2 = 0$ ezért $D0 = 0$
- AB=01 sorokban $F2 = C$ ezért $D1 = C$
- AB=10 sorokban $F2 = C$ ezért $D2 = C$
- AB=11 sorokban $F2 = 1$ ezért $D3 = 1$

BEMENETEK				KIM
INDX	A	B	C	F1
0	0	0	0	0
1	0	0	1	1
2	0	1	0	1
3	0	1	1	0
4	1	0	0	1
5	1	0	1	0
6	1	1	0	0
7	1	1	1	1



BEMENETEK				KIM
INDX	A	B	C	F2
0	0	0	0	0
1	0	0	1	0
2	0	1	0	0
3	0	1	1	1
4	1	0	0	0
5	1	0	1	1
6	1	1	0	1
7	1	1	1	1

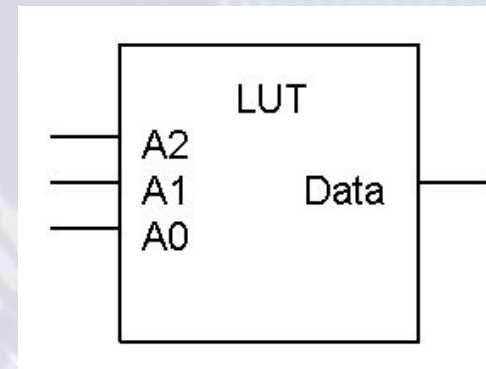


A Multiplexer, mint UNIV elem

- A függvény DNF alakjából is könnyen megtervezhető:
- $Co = \neg abc + a/bc + ab/c + abc$
- s1-et a-ra, s2-őt b-re kötjük, így a és b választják ki a MPX bemeneteit
- A szorzatoknál az s1s0-ra kötött ab változók alá írjuk azt a bemeneti kombinációt amelynél a szorzat ab változós része 1 értékű
- $Co = \neg abc + a/bc + ab/c + abc$
s1s0: 01 10 11 11
- Ahol 2-szer szerepe ugyanaz az érték, abból az ab-t kiemeljük és egyszerűsítünk:
 $Co = \neg abc + a/bc + ab*1$
s1s0: 01 10 11
- A MUX i-edik bemenetére bekötjük az i-edik szám feletti szorzat harmadik változóját (itt c) az aktuális formájában (ponálva vagy negálva) vagy 1-et (ha a változó kiesett). A MUX megmaradó bemeneteire 0-át kötünk. I0:0, I1:c, I2:c, I3:1

A memória táblázat, mint UNIV elem

- LUT memória táblázat (FPGA logikai elem)
- A címbitekkel ($A[n-1:0]$) megcímzett rekeszének tartalmát adja ki az adat (Data) kimenetén.
- Pl: 8 rekesssel rendelkező (3 címbit) LUT
- A LUT-ot úgy használhatjuk univerzális kombinációs hálózatként, hogy a változókat a cím bemenetekre kötjük és tartalomként az igazságtáblázatot töltjük bele.
Figyelni kell a bemeneti átlózók sordjére!



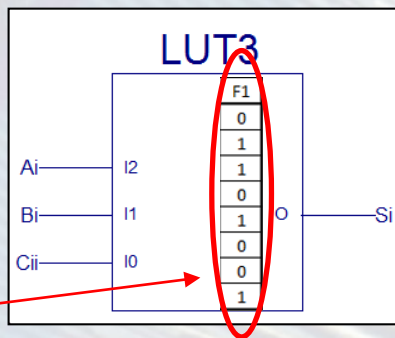
DATA= igazságtábla

LUT		
		0
		1
		2
		3
		4
		5
		6
		7
a	A2	0
b	A1	1
c	A0	2
		3
		4
		5
		6
		7

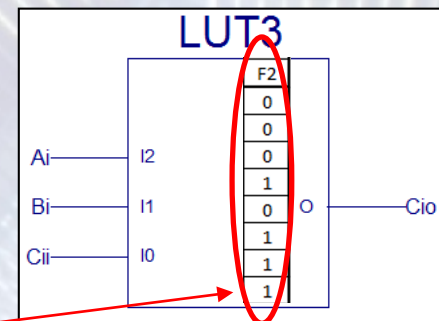
A memória táblázat, mint UNIV elem

- **Függvény megadása:** Az igazságtábla kimeneti jel oszlopának értékeit konstans jelként beírjuk a memória sorindex szerinti címekre
- **A bemeneti változókat az azonos helyiértékű címbitekre kell kötni (A,B,C-> I2,I1,I0)**
 - A korábbi F1 és F2 függvényeink (FADD Si és Co)

BEMENETEK				KIM
INDX	A	B	C	F1
0	0	0	0	0
1	0	0	1	1
2	0	1	0	1
3	0	1	1	0
4	1	0	0	1
5	1	0	1	0
6	1	1	0	0
7	1	1	1	1

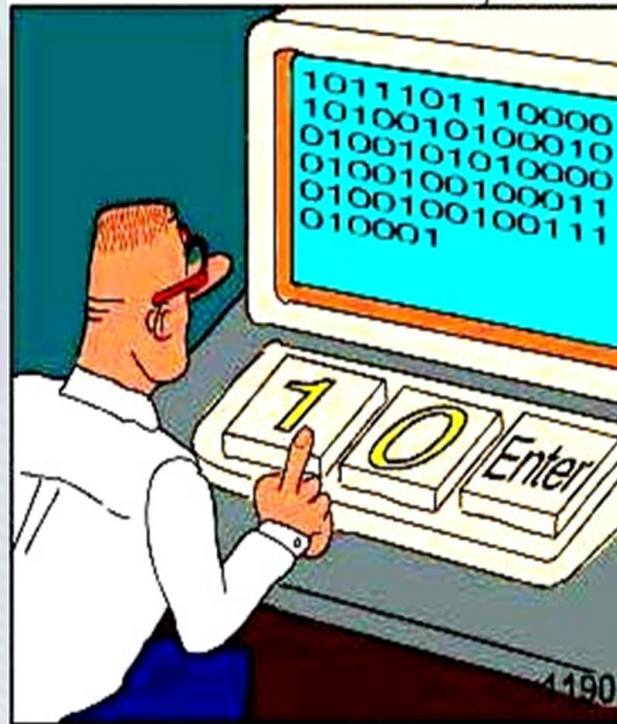


BEMENETEK				KIM
INDX	A	B	C	F2
0	0	0	0	0
1	0	0	1	0
2	0	1	0	0
3	0	1	1	1
4	1	0	0	0
5	1	0	1	1
6	1	1	0	1
7	1	1	1	1



Kérdések, észrevételek

- A kérdéseket a benes@mit.bme.hu címre várjuk de csak ... @edu.bme.hu címről, tárgy: DIGIT



Verilog

Vreilog 24-37 diák



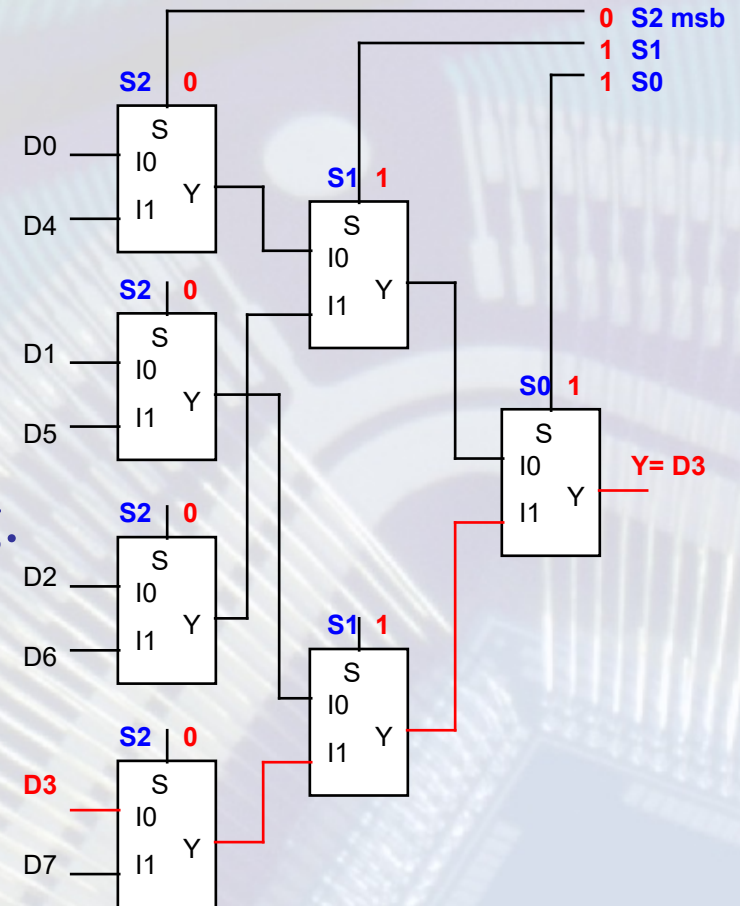
Digitális technika 3. EA vége

Az alábbi anyag nem szerepel a vizsgakövetelményekben

Funkcionális egységek: Multiplexer

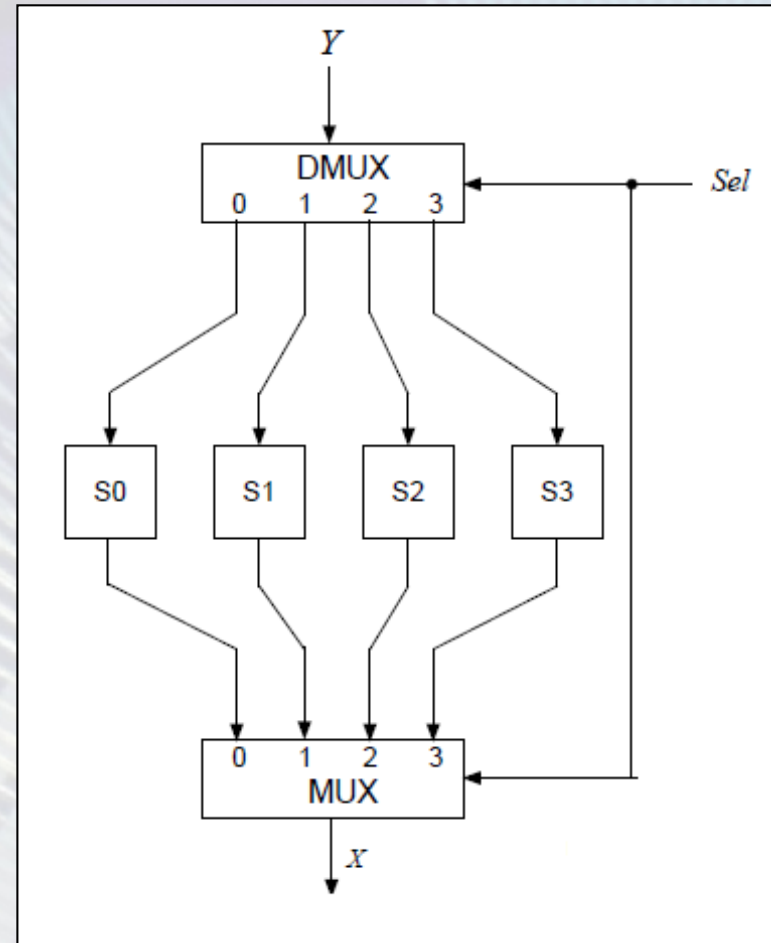
Multiplexerek bővítése

MSB-vel kezdve első lépés az adatbemenetek felezése (első-második fele), majd tovább a maradék felezése (negyedelés) és í.t. az utolsóig.



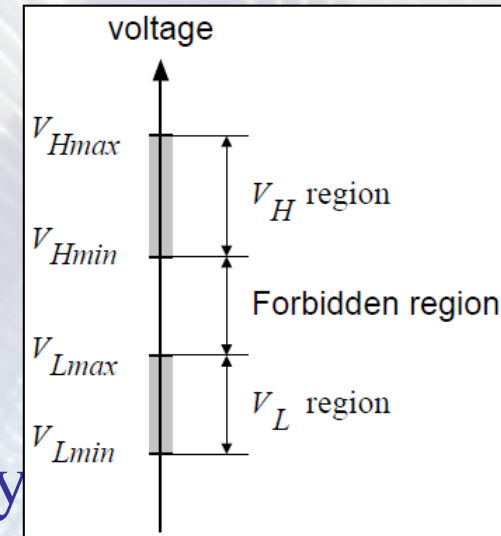
Funkcionális egységek: DEMUX

- **A DEMUX-MUX egységek használata**
 - Lassú adatfeldolgozók párhuzamosítása
 - Forrásoldalon 1:4 DEMUX,
 - Feladatok szétosztása, S0, S1, S2, S3 egységek között
 - Pl. A 100MHz mintavételezésű adatokat ($\Delta t = 10\text{ns}$) 4 db 40ns végrehajtási idejű egységgel lehet kiszolgálni
 - A kimeneten minden 10ns-ban van egy új eredmény valamelyik egységtől
 - Vételi oldalon 4:1 MUX, az elkészült feladatok összegyűjtésére



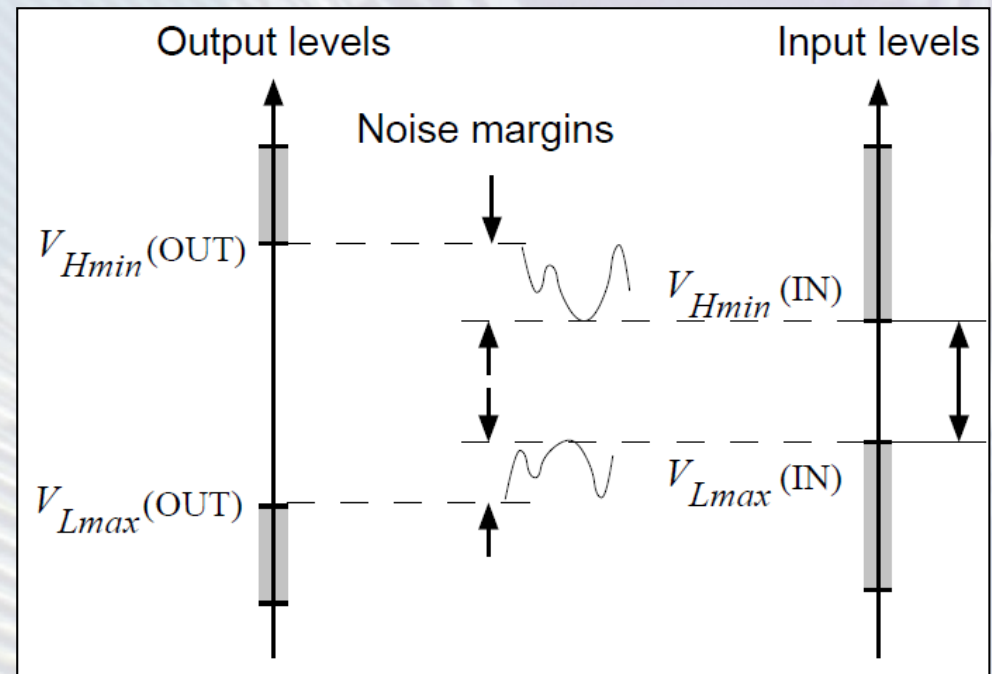
Digitális technika áramköri alapok

- Boole algebra, bináris aritmetika: két érték
- Logikai értelmezés: 0, 1, (L, H, LOW, HIGH)
- Fizikai reprezentáció: Feszültség szint $GND = 0V$, a $+V_{cc}$ lehet $+5V$, $+3,3V$, $+2,5V$, $+1,8V$, $+1,2V$, ...
- Energia fogyasztás $P_D = C_L * V_{cc}^2 * f_{clk}$, azaz V_{cc} csökkentése jelentősen javítja a fogyasztást.
- Az érvényes logikai feszültség szintek határai pl. $+V_{cc} = 3,3V$ esetén
- $V_{Hmax} = 3,3V$, $V_{Hmin} = 2,0V$ (60%)
- $V_{Lmax} = 0,8V$, $V_{Lmin} = 0,0V$ (25%)
- A kettő között a tiltott, hibás tartomány



Digitális technika áramköri alapok

- Megbízható működés érdekében:
Zavarjelekkel szembeni védelem, érzéketlenség
- Megoldás: Kimeneti és bemeneti jelszintek szélső értékei közötti kiterjesztett átfedés ($+V_{cc}=3,3V$)
 - $V_{Hmin}(OUT) = 2,4V$
 $V_{Hmin}(INP) = 2,0V$
(0,4V zajtartalék)
 - $V_{Lmax}(OUT) = 0,4V$,
 $V_{Lmax}(INP) = 0,8V$
(0,4V zajtartalék)



Digitális technika áramköri alapok

- **Boole algebra, bináris aritmetika: két érték**
- **Logikai értelmezés: 0, 1, (L, H, LOW, HIGH)**
- **Szokásos értelemben:**
 - $V_H \leftrightarrow 1$, igaz, aktív, bekapcsolt
 $V_L \leftrightarrow 0$, hamis, inaktív, kikapcsolt
 - Negatív logikánál éppen fordított
 - $V_L \leftrightarrow 1$, igaz, aktív, bekapcsolt
 $V_H \leftrightarrow 0$, hamis, inaktív, kikapcsolt
 - Negatív logika használata jellemzően áramköri okokból
 - A dualitás következtében pozitív logikában az ÉS a negatív logikában a VAGY kapcsolatnak felel meg.

Digitális technika áramköri alapok

- Logikai kapuk kimeneti meghajtása
- Általános tulajdonság:
 - Kétállapotú kimenet,
 - 1, aktív felhúzás, (a felső PMOS tranzisztorok vezetnek)
 - 0, aktív lehúzás, (az alsó NMOS tranzisztorok vezetnek)
 - Következmény:
**NORMÁL KIMENETEK NEM KAPCSOLHATÓK
ÖSSZE KÖZVETLENÜL !!!!!**
- Megoldási lehetőségek:
 - Logikai megoldás: MUX, adatút választás
 - Áramköri megoldás1: Tri-state, 3 állapotú, Hi-Z kimenet
 - Áramköri megoldás2: Nyitott kollektoros kimenet